DOI: 10.24937/2542-2324-2023-2-404-58-67 УДК 532.51:629.5.035.5+629.5.018.71

В.М. Котлович

ФГУП «Крыловский государственный научный центр», Санкт-Петербург, Россия

# ПРИЧИНЫ РАЗЛИЧИЙ МЕЖДУ КОЭФФИЦИЕНТАМИ УПОРА ВИНТА ПРИ РАБОТЕ ЗА КОРПУСОМ СУДНА И В СВОБОДНОЙ ВОДЕ НА ШВАРТОВЫХ

**Объект и цель научной работы.** Объект – результаты испытаний моделей самоходных судов на швартовном режиме. Цель – анализ гидродинамических причин расхождения коэффициентов упора гребных винтов при работе в свободной воде и за корпусом судна на швартовых.

**Материалы и методы.** Анализ, выполненный на основе теории идеального движителя, показал, что скорость  $\Delta V$  потока, натекающего на винт при его работе за корпусом судна, на швартовном режиме создается системой стоков, обеспечивающих прилегание течения к поверхности корпуса, конечна по величине и является эффективным попутным потоком. Скорость этого потока одинакова для изолированного винта и при его работе за корпусом.

Коэффициент упора изолированного гребного винта при поступи  $\lambda_P = \frac{\Delta V}{nD} < 0$  принадлежит т.н. режиму встречной

струи его реверса. Показано, что отклонение коэффициента упора при самоходных испытаниях от его же значения для винта в свободной воде связано именно с особенностями изменения упора движителя на прилегающем к швартовым участке этого режима. Определены границы зоны влияния режима встречной струи на кривую действия гребного винта при самоходных испытаниях.

Сделаны практические выводы и рекомендации, вытекающие из полученных данных.

**Основные результаты.** Выяснена причина расхождения результатов самоходных испытаний относительно изолированного винта на швартовном режиме и вблизи него. Из вытекающих результатов даны рекомендации по уточнению методик испытаний гребных винтов и самоходных моделей судов.

Заключение. Материалы статьи могут быть полезны для понимания процессов неоднозначности результатов испытаний самоходных моделей судов.

**Ключевые слова:** методика самоходных испытаний модели, попутный поток, швартовный режим. *Автор заявляет об отсутствии возможных конфликтов интересов.* 

DOI: 10.24937/2542-2324-2023-2-404-58-67 UDC 532.51:629.5.035.5+629.5.018.71

V.M. Kotlovich

Krylov State Research Centre, St. Petersburg, Russia

# SOURCES OF DIFFERENCES BETWEEN PROPELLER THRUST COEFFICIENTS IN BOLLARD-PULL CONDITIONS BEHIND SHIP HULL AND IN OPEN WATER

**Object and purpose of research.** The object of research is the results of self-propelled ship tests in bollard-pull conditions. The purpose is to analyse the hydrodynamic sources giving rise to differences between propeller thrust coefficient in open-water and behind-hull conditions.

**Materials and methods.** Analysis based on the ideal propeller theory shows that the velocity  $\Delta V$  of inflow on propeller operating behind ship hull in bollard-pull conditions caused by a system of sinks, ensuring flow attachment to hull surface, has a finite value and is actually the effective wake. The wake velocity for an open-water propeller is equal to the behind hull velocity.

*Для цитирования:* Котлович В.М. Причины различий между коэффициентами упора винта при работе за корпусом судна и в свободной воде на швартовых. Труды Крыловского государственного научного центра. 2023; 2(404): 58–67.

*For citations:* Kotlovich V.M. Sources of differences between propeller thrust coefficients in bollard-pull conditions behind ship hull and in open water. Transactions of the Krylov State Research Centre. 2023; 2(404): 58–67 (in Russian).

The open-water propeller thrust coefficient at advance ratio  $\lambda_P = \frac{\Delta V}{nD} < 0$  is due to the opposed jet of its reversal. It is shown

that the thrust coefficient deviations at self-propelled tests in open-water has to do with the specifics of propeller thrust variations in the operating area adjacent to bollard-pull conditions. Boundaries of the operating area where the opposed jet affects the propeller curve at self-propelled tests are defined. Practical conclusions and recommendations are given following from the obtained data.

**Main results.** The source of discrepancies between self-propelled test results for open-water propeller in bollard pull conditions and close operating area has been found. Recommendations are given on updating the test procedures for propeller and self-propelled model tests.

**Conclusion.** The paper is expected to be useful for understanding the ambiguity of self-propelled test results.

**Keywords:** self-propeller model test procedure, wake, bollard pull conditions.

The author declares no conflicts of interest.

## Основные обозначения

Nomenclature

- *D* = 2*R* и *n* соответственно диаметр (радиус) и частота вращения винта;
- *H<sub>T</sub>/D* и *H<sub>TB</sub>/D* поступи нулевого упора винта соответственно в свободной воде и за корпусом;
- V и V<sub>P</sub> соответственно скорость невозмущенного потока на бесконечности (хода судна) и направленная вдоль оси винта проекция скорости внешнего потока, натекающего на гребной винт;

$$J = \frac{V}{nD}$$
 и  $J_P = \frac{V_P}{nD}$  – соответственно кажущаяся

поступь винта за корпусом и относительная поступь винта в свободной воде;

- *T*, *T<sub>B</sub>* и *T<sub>E</sub>* соответственно упор винта в свободной воде и за корпусом, полезная тяга;
- Q и  $Q_B$  соответственно момент винта в свободной воде и за корпусом;

$$K_T(J_P) = \frac{T}{\rho n^2 D^4}$$
 и  $K_{TB}(J) = \frac{T_B}{\rho n^2 D^4}$  – коэффици-

енты упора винта соответственно в свободной воде и за корпусом;

$$K_Q(J_P) = \frac{Q}{\rho n^2 D^5}$$
 и  $K_{QB}(J) = \frac{Q_B}{\rho n^2 D^5}$  – коэффи-

циенты момента винта соответственно в свободной воде и за корпусом;

 $K_E(J) = \frac{T_E}{\rho n^2 D^4}$  – коэффициент полезной тяги винта.

Остальные обозначения раскрываются по ходу изложения текста статьи.

#### Введение

Introduction

Для целей проектирования и расчета гребного винта (ГВ) вопросы его взаимодействия с корпусом судна достаточно полно разработаны в научнотехнической и учебной литературе [1–2]. В основном они касаются обычных судов. Однако для некоторых типов судов и систем стабилизации морских сооружений рабочие режимы в ряде случаев близки к швартовному: это буксиры, ледоколы, промысловые суда, плавучие нефтяные платформы, глубоководные аппараты и др.

Гребной винт и корпус судна вместе представляют собой единый гидродинамический комплекс. Как правило, коэффициенты упора на швартовых для изолированного винта и при его работе за корпусом судна не совпадают друг с другом, что отражается на всем ходе кривых действия винта за корпусом. Это показано на рис. 1, где приведены кривые коэффициентов упора работающего гребного винта: как конкретного ГВ в свободной воде  $K_T(J_P)$ , так и ГВ за корпусом судна – три варианта возможных корпусов  $K_{TB} \pm (J)^1$ . Некоторым искривлением кривых действия реальных ГВ при обоих условиях в данном случае можно пренебречь.

Предположение, что на швартовых коэффициенты упоров изолированного винта и при его рабо-



**Рис. 1.** Схема кривых коэффициентов упора винта в свободной воде и за корпусом

Fig. 1. Representation of propeller thrust coefficient curves in open water and behind hull

те за корпусом должны совпадать друг с другом, на практике редко оправдывается. Согласно экспериментам коэффициент упора за корпусом на швартовых либо выше, либо ниже, чем уровень  $K_T(0)$ , что находит отражение на всем ходе результатов самоходных испытаний.

Величина  $\Delta K_+ = K_{TB+}(0) - K_T(0) > 0$ , и в диапазоне, где  $K_{TB+}(J) > K_T(0)$ , для определения попутного потока обычным способом невозможно найти значение или поступь поступи  $J_P$ , соответствующей кажущейся поступи J. В то же время разность  $\Delta K_- = K_{TB-}(0) - K_T(0) < 0$  и кривые  $K_{TB-}(J)$  и  $K_T(J_P)$  взаимно пересекаются, и при  $J < J_-$  попутный поток, согласно обычному способу его определения, становится отрицательным, что физически непонятно.

В [3] предложен оригинальный метод определения расчетных значений параметров взаимодействия моделей гребного винта и корпуса судна вблизи швартовного режима. Однако в работе нет указаний на причины несовпадения коэффициентов упора изолированного винта и при его работе в присутствии корпуса. Анализ гидродинамических причин данного явления – цель настоящей статьи.

# Скорость потока, набегающего на винт на швартовых за корпусом

Sources of ambiguity for propeller thrust coefficients behind hull

Взаимодействие гребного винта и корпуса судна характеризуется в основном коэффициентами засасывания *t* и попутного потока *w*. Коэффициенты взаимодействия зависят от обводов и обтекания судна, расположения и диаметра винта, а также от его нагрузки. Физически сила засасывания создается разрежениями на поверхности кормы при работе гребного винта. В общем случае они имеют потенциальную и вязкостную составляющие:

$$t = t_p + t_f \operatorname{I\!I} w = w_p + w_f. \tag{1}$$

Сила засасывания равна разности упора винта при работе за корпусом  $T_B$  и его полезной тяги  $T_E$ . Она характеризуется коэффициентом засасывания:

$$t(J) = 1 - \frac{T_E}{T_B} = 1 - \frac{K_E(J)}{K_{TB}(J)}.$$
 (2)

Вязкостная составляющая засасывания очень мала, и ею обычно пренебрегают ( $t_f = 0$ ). Применительно к швартовному режиму  $t(0) = t_0$ . Для гребного винта в свободной воде скорость  $V_p$  внешнего потока, натекающего на винт (т.е. не учитывающая скоростей, вызванных непосредственно винтом), и скорость V впереди на бесконечности равны друг другу. При работе же винта за корпусом судна  $V_p \neq V$ , где  $V_p$  – лишь продольная компонента потока, натекающего на гребной винт, а V – скорость хода судна. Они различаются на скорость попутного потока  $\Delta V = V - V_p$ , который направлен противоположно V. В безразмерном виде величина  $\Delta V$  характеризуется коэффициентом эффективного (расчетного) попутного потока:

$$w(J) = \frac{\Delta V}{V} = 1 - \frac{J_P}{J}$$
 при  $(J) = K_T(J_P).$  (3)

Одной из его составных частей является коэффициент номинального попутного потока  $w_{\rm H}$ . Он создается за счет скорости хода V и реализуется в месте расположения гребного винта при отсутствии движителя  $w_{\rm H} = 1 - \frac{H_T / D}{H_{TB} / D}$  или при пре-

дельно малой нагрузке. Его также можно определить на основе измерения поля скоростей на модели судна в диске движителя.

Вторая часть – поправка  $\Delta w$ , учитывающая изменение  $w_{\rm H}$ , обусловленное работой винта ( $T_B \neq 0$ ). Коэффициент эффективного попутного потока  $w = w_{\rm H} + \Delta w$ . В диапазоне слабых нагрузок винта поправка  $\Delta w < 0$ , и поэтому  $w < w_{\rm H}$  за счет снижения в последнем и вязкостной, и потенциальной составляющих.

В математической модели течения поправка  $\Delta w$  создается, во-первых, за счет изменения номинального попутного потока (и вязкостной  $w_{\rm H/r}$ , и потенциальной  $w_{\rm H/r}$  составляющих), а во-вторых, за счет продольных скоростей от индукции системы дополнительных стоков, распределенных на поверхности кормовой оконечности судна, которая компенсирует нормальные к корпусу составляющие скоростей, вызванных непосредственно винтом.

Следует заметить, что для выполнения условия непроницаемости корпуса эти стоки должны уравновешиваться дополнительной системой источников. В случае осесимметричных обводов кормы такие источники располагаются в пределах ступицы винта, которая рассматривается как продолжение корпуса. Эти источники в диске винта создают лишь радиальные скорости, не меняя осевую составляющую  $J_P$ , а на поверхности кормовой оконечности немного притормаживают течение.

Обычно на швартовном режиме (V = J = 0) коэффициент  $w(0) = \pm \infty$ . Это имеет место даже в случае, когда  $K_T(0) = K_{TB}(0)$ , и коэффициент попутного потока после раскрытия неопределенностей может (dK - (dI) - dI)

быть обозначен как  $w(0) = 1 - \frac{(dK_{TB} / dJ)_{J=0}}{(dK_T / dJ_P)_{J_P=0}}.$ 

В практике расчетов ходкости судна и проектирования гребных винтов коэффициент попутного потока w обычно определяют на основе сопоставления результатов испытаний модели ГВ в свободной воде и за корпусом модели судна (самоходные испытания). Для этого используется гипотеза эквивалентности условий работы гребного винта, предполагающая, что в безразмерном виде при указанных условиях будут одинаковы коэффициенты упоров ГВ  $K_T(J_P) = K_{TB}(J)$  или его моментов  $K_Q(J_P) = K_{QB}(J)$  в свободной воде и за корпусом. Это позволяет найти и относительную Ј<sub>Р</sub>, и кажущуюся Ј поступь винта, необходимые для подстановки в формулу (3). Использование равенства коэффициентов упора соответствует методу Фруда, который чаще употребляется в России (и в данной статье), а при использовании равенства моментов методу Тейлора, применяемому в США.

В диапазоне рабочих нагрузок гребных винтов эти методы дают близкие результаты. Небольшое их различие учитывается введением в расчет параметров взаимодействия винта и корпуса соответствующих «коэффициентов неоднородности»,

близких к единице  $i(J) = \frac{i_T}{i_Q} \approx 1 \pm (0,01 \div 0,04).$ 

Вопросы взаимодействия корпуса и идеального движителя, эквивалентного реальному гребному винту и отражающего его основные свойства, детально изучены и подробно представлены в [2]. Анализ, выполнявшийся на основе методов теории потенциала и основных законов механики, показал, что:

 при любой нагрузке, характеризуемой вызванной скоростью u<sub>2</sub> в струе движителя далеко вниз по потоку, скорость натекающего на винт потока, отнесенная к V, равна:

$$\frac{V_P}{V} = (1 - w_{\rm H}) + \frac{u_2}{2V} \left[ (1 - t_0) - \frac{(1 - w_{\rm H}f) + \frac{u_2}{2V}}{(1 - w_{\rm H}) + \frac{u_2}{2V}(1 - t_0)} \right]; (4)$$

 упор идеального движителя при работе и в свободной воде, и за корпусом равен:

$$T = T_B = \rho \frac{\pi}{4} D^2 u_2 \left( V + \frac{u_2}{2} \right).$$
 (5)

В общем случае отношение  $u_2/V$  скорости потока в струе гребного винта  $(u_2)$  к скорости хода комплекса (V) изменяется от бесконечности  $(\infty)$  на швартовых до нуля при поступи нулевого упора винта. Вблизи швартовых скорость  $V \rightarrow 0$  и оказывается много меньше, чем средняя скорость в струе  $(V << u_2)$ .

Анализ показывает, что дробь в квадратных

скобках выражения (4):  $F(J) = \frac{(1 - w_{\rm Hf}) + \frac{u_2}{2V}}{(1 - w_{\rm H}) + \frac{u_2}{2V}(1 - t_0)}, -$ 

изменяется от  $F(0) = \frac{\infty}{\infty} = 1$  на швартовых до

 $F(H_{TB} / D) = \frac{1 - w_{\rm Hf}}{1 - w_{\rm H}} > 1$  при поступи нулевого упо-

ра винта за корпусом. Линейно аппроксимируем функцию  $F(J) \approx 1 + kJ$ , где, учитывая второе из соотношений (1),  $k = \frac{w_{Hp}}{(1 - w_{H})H_{TB} / D}$ .

Поправка kJ – малая величина: например, при  $w_{\rm H} \cong 0,25$  и  $w_{\rm Hp} \approx 0,05$  ее максимальная величина (при  $J = H_{TB}/D$ ) составит всего 0,07. Формула (4) примет вид:

$$\frac{V_P}{V} = (1 - w_{\rm H}) - \frac{u_2}{2V}(t_0 + kJ).$$
(6)

Умножив выражение (6) на V и разделив на *nD*, получаем в безразмерной форме:

$$J_P = \frac{V_P}{nD} = J(1 - w_{\rm H}) - \frac{J_u}{2}(t_0 + kJ), \tag{7}$$

где  $J_u = \frac{u_2}{nD}$  – своеобразная поступь.

Упор винта (5) также можно представить в безразмерном виде:

$$K_{TB}(J) = \frac{T_B}{\rho n^2 D^4} = \frac{\pi}{4} \frac{J_u^2}{2} \left( 2\frac{J}{J_u} + 1 \right).$$
(8)

Формулы (4–5) или (7–8) составляют систему двух нелинейных уравнений, решение которой позволяет определить те или иные два параметра, выбранные в качестве искомых. Так, при самоходных испытаниях на швартовых известны J = 0 и коэффициент упора  $K_{TB}(0)$ , а искомыми являются величины  $J_u$  и  $J_p$ . Тогда в уравнении (8) выражение

в скобках равно 1, поскольку первое слагаемое в них равно нулю. В этом случае из него следует, что

$$J_{u} = 2\sqrt{\frac{K_{TB}(0)}{\pi/2}}.$$
 (9)

В уравнении (7) первое слагаемое при J = 0 принимает вид:

$$J(1 - w_{\rm H}) = -Jw_{\rm H} = -\frac{V}{nD} \frac{H_{TB} / D - H_T / D}{V} = -w_{\rm H}^*.$$
 (10)

В новой форме коэффициент номинального попутного потока  $w_{\rm H}^*$ , который подробнее рассмотрен в главе «Рекомендации по уточнению методик испытаний самоходных моделей судов и винтов в свободной воде», для каждого комплекса «винт – корпус» постоянен и является аддитивным, независимым от работы гребного винта элементом выражения (7). Его величина была рассчитана в широком диапазоне  $H_{TB}/D - H_T/D = 0$ ; 0,1; 0,2; 0,3 и 0,4 для характерных скоростей  $15 \times 0,15 < nD < 25 \times 0,25$  и составила  $0 < w_{\rm H}^* < 0,45$ .

Подставляя в (7) выражение (9) и учитывая, что при швартовном режиме работы винта kJ = 0, окончательно получаем:

$$J_{P0} = -w_{\rm H}^* - t_0 \sqrt{\frac{K_{TB}(0)}{\pi/2}} < 0, \tag{11}$$

где на швартовых (J = 0) поступь изолированного винта обозначена как  $J_P = J_{P0}$ .

Зависимость относительной поступи  $J_{P0}(t_0, w_{\rm H}^*, K_{TB}(0))$  для швартовного режима при работе винта за корпусом показана на рис. 2.

Такая форма представления результатов расчета поступи  $J_{P0}$  на швартовых оправдана упоминавшимся выше аддитивным характером  $w_{\rm H}^*$ . Пределы изменения  $J_{P0}$ :  $J_{P0} \approx -0.02$  при малых значениях



**Рис. 2.** Зависимость  $J_{P0} - W_{H}^{*}$  от  $t_{0}$  и  $K_{TB}$ **Fig. 2.**  $J_{P0} - W_{H}^{*}$  versus  $t_{0}$  and  $K_{TB}$ 

аргументов ( $w_{\rm H}^* = 0$ , что нереально, и  $t_0 = 0,02$ ),  $J_{P0} \approx -0.025$  при  $w_{\rm H}^* = 0.2$  и даже  $J_{P0} \approx -0.045$  при  $w_{\rm H}^* = 0.4$  (что, видимо, уже трудно считать близкой к швартовному режиму).

На швартовых скорость эффективного попутного потока  $\Delta V = V - V_p = -V_p$ , т.к. V = 0. Ее отношение, отнесенное к *nD* (а не к скорости судна *V*!) в безразмерном виде составляет:

$$w^{*}(0) = \frac{\Delta V}{nD} = -J_{P0} = w_{\rm H}^{*} + t_0 \sqrt{\frac{K_{TB}(0)}{\pi/2}}.$$
 (12)

Как видно, на швартовых скорость  $\Delta V$  конечна. Второе слагаемое (12) – поправка  $\Delta w^* = t_0 \sqrt{\frac{K_{TB}(0)}{\pi/2}}$ . Она имеет чисто потенциальный характер, т.к. на этом режиме протяженность, а следовательно, и толщина пограничного слоя на корпусе, очень мала и может охватывать лишь самые корневые части лопастей винта; вязкостной

составляющей в  $\Delta w_{\rm H}^*$  вполне можно пренебречь. Рассмотрим другой вопрос: до какой кажущейся поступи винта за корпусом  $J_S$  на величине коэффициента упора  $K_{TB}(0) \ge K_{TB}(J_S)$  перестает сказываться влияние отрицательных значений  $J_{P0}$  на швартовых. Очевидно, что в этом случае относительная поступь винта в свободной воде должна быть равной нулю. Тогда в системе уравнений (7) и (8) известными являются  $J_P = 0$  и, хотя и условно,  $K_{TB}(J_0)$ , а искомыми  $J_S$  и  $J_u$ . Таким образом, система принимает вид:

$$J_{s}(1-w_{\rm H}) - \frac{J_{u}}{2}(t_{0} + kJ_{s}) = 0;$$
(13)

$$K_{TB}(J_0) = \frac{\pi}{4} \frac{J_u^2}{2} \left( 2\frac{J_s}{J_u} + 1 \right),$$
(14)

где учтено, что, поправка  $kJ_S$  может быть соизмерима с  $t_0$ .

Для приближенного решения этой системы примем во внимание, что рассматриваемая область находится вблизи швартовного режима, в которой

$$2\frac{J_s}{J_u} \ll 1$$
. С учетом этого замечания из (14), прене-

брегая в скобках первым слагаемым, после разрешения уравнения относительно  $J_u$  получаем практически то же выражение, что и (9), но содержащее  $K_{TB}(J_S)$  вместо  $K_{TB}(0)$ :

$$J_u = 2\sqrt{\frac{K_{TB}(J_s)}{\pi/2}}.$$
(15)

Подставляя в уравнение (13) значение  $J_u$  по (15), имеем:

$$J_{s} = \frac{t_{0} + kJ_{s}}{1 - w_{\rm H}} \sqrt{\frac{K_{TB}(J_{s})}{\pi/2}}.$$
 (16)

Преобразуем выражение (16):

- возведем правую и левую части этого решения в квадрат;
- вблизи швартовых приближенно примем линейную аппроксимацию коэффициента упора винта K<sub>TB</sub> (J) и при J = J<sub>S</sub> получим

$$K_{TB}(J_s) = K_{TB}(0) (1 - qJ_s),$$
 где  $q \approx \frac{1}{H_{TB}/D};$ 

- обозначим  $g = \frac{2K_{TB}(0)}{\pi(1-w_{H})^{2}} = \text{const};$
- перегруппируем члены полученного равенства согласно степени *J<sub>S</sub>*.

Тогда выражение (16) приводится к алгебраическому уравнению третьей степени:

$$aJ_s^3 + bJ_s^2 + cJ_s + d = 0, (17)$$

где  $a = -k^2 qg; \ b = (k^2 g - 2kqgt_0 - 1); \ c = (2gkt_0 - qgt_0^2);$  $d = gt_0^2.$ 

Оно решается аналитически по методу Кардана, либо путем применения замены переменных Виета, либо по тригонометрическому методу Виета [5]. Дискриминант этого уравнения равен:

$$\Delta = -4b^3d + b^2c^2 - 4ac^3 + 18abcd - 27a^2d^2.$$
(18)

Если  $\Delta > 0$ , то все три корня уравнения  $J_{S1}$ ,  $J_{S2}$ и  $J_{S3}$  вещественны. Если же  $\Delta < 0$ , вещественен лишь один корень, а остальные два комплексные. Когда  $\Delta = 0$ , все корни вещественны, но два из них совпадают друг с другом. Принимаются в расчет лишь вещественные корни уравнения, лежащие в пределах  $0 < J_{si} < H_{TB}/D$ . Если таких корней несколько, то принимается тот из них, который находится по возможности ближе к J = 0.

Уравнение (16) приближенно можно решить численно методом последовательных приближений. Для этого в n-1 приближении положим  $t_0 + kJ_{s n-1} = z_{n-1} = \text{const.}$ 

Тогда:

$$J_{sn} = \frac{z_{n-1}}{1 - w_{\rm H}} \sqrt{\frac{K_{TB}(J_{sn})}{\pi/2}},$$

и после возведения левой и правой частей в квадрат получим

$$J_{sn}^{2} = \frac{2K_{TB}(0)}{\pi} \left(\frac{z_{n-1}}{1-w_{\rm H}}\right)^{2} (1-qJ_{sn}).$$

Обозначим

$$L_{n-1} = \frac{2K_{TB}(0)}{\pi} \left(\frac{z_{n-1}}{1 - w_{\rm H}}\right)^2.$$

После этого квадратное уравнение принимает вид  $J_{sn}^2 + L_{n-1} q J_{sn} - L_{n-1} = 0$ . Его корни легко определяются, и учитывая лишь положительный из них, находим

$$J_{sn} = \frac{L_{n-1}q}{2} \left[ \sqrt{1 + \frac{4}{L_{n-1}q^2}} - 1 \right] > 0.$$
(19)

В начальном приближении можно принять  $z_0 \approx 2t_0$ . Процесс итераций сходится.

# Причины неоднозначности коэффициента упора винта за корпусом

Reasons for ambiguity in propeller thrust coefficients for behind-hull condition

Для точки кривой действия винта в присутствии корпуса судна кажущейся поступи на швартовах J = 0 сходственной точкой того же винта в свободной воде является точка с поступью  $J_{P0} < 0$  (11).

У этих точек при одинаковой частоте вращения винта n = const одинаковы также и скорости  $\Delta V$ набегающих на винт потоков. Эти точки найдены без использования приведенной выше формулировки гипотезы эквивалентности. Применительно к данному случаю эту гипотезу можно изложить иначе: если у винта в свободной воде и в присутствии корпуса обороты и скорости натекающего на винт потока одинаковы, то их коэффициенты упоров также должны быть равны друг другу, т.е.  $K_T(J_{P0}) = K_{TB\pm}(0)$ , что ранее предполагалось.

В отличие от  $J \ge 0$  отрицательное значение относительной поступи  $J_{P0} < 0$  принадлежит участку действия винта в свободной воде близкому к швартовым, но уже к другому режиму работы ГВ (процессу его контрреверса) – обтеканию в режиме встречной струи. Он относится к ситуации, когда судно еще продолжает движение задним ходом, а винт уже работает в направлении переднего хода, активно погашая движение судна по инерции.

В режиме встречной струи вблизи швартовых струя гребного винта противоположна скорости движения судна и, огибая расположенный перед ГВ корпус, сталкивается с внешним потоком далеко от судна, почти на бесконечности. Скорость в струе много больше скорости хода судна по инерции, так что обтекание лопастей оказывается практически таким, как у изолированного винта в тех же условиях.

Реверсивные характеристики изолированного винта были изучены С.Я. Миниовичем [2], и под его руководством в опытовом бассейне выполнены систематические опыты. При переходе через швартовный режим скорость V, проходя через ноль, меняет свое направление (знак). Опыты показали, что при переходе от швартовых к режиму встречной струи, по мере уменьшения  $J_{P0}$ , коэффициент упора изолированного винта, как правило, сначала продолжает возрастать, аналогично кривой действия на переднем ходу, достигает максимума, а затем, снижаясь, становится отрицательным. Это снижение упора обусловлено уменьшением оборотов винта (но, не их знака!) и развитием отрывных явлений обтекания его лопастей.

Для винтов, отличающихся друг от друга по геометрии (в основном, по шаговому и дисковому отношениям), описанный процесс реализуется по-разному. Например, увеличение шага сопровождается смещением указанного максимума ближе к швартовному режиму и уменьшением его возвышения относительно коэффициента упора  $K_T(0)$  изолированного винта.

Приближенно, согласно [4], изменение шагового отношения  $H_T/D$  от 0,6 до 1,6 сопровождается смещением абсциссы (поступи)  $J_M$  максимума с примерно –0,2, что в целом обычно превосходит реальные оценки  $J_{P0}$  (рис. 2), до 0 и уменьшением возвышения от  $\Delta K_T \approx 0,3$  также до 0. Однако следует заметить, что у винтов высокого шагового отношения значения  $J_{P0}$ , соответствующие указанному максимуму, лежат гораздо ближе к  $J_{P0} = 0$ , чем у винтов малого шага, и могут даже совпадать со швартовыми.

На рис. За показаны типичные примеры кривых коэффициентов упора  $K_T(J_P)$  изолированных винтов в режиме встречной струи. Кривая



**Рис. 3.** Вид прилегающих к швартовам коэффициентов упора винта на режиме встречной струи, дополняющий рис. 1 в увеличенном виде: *a*) варианты реверсивных кривых и построение точек коэффициента упора изолированного винта, соответствующих швартовным точкам кривых его действия при самоходных испытаниях; *б*) зоны влияния режима встречной струи на коэффициент упора винта при самоходных испытаниях

**Fig. 3.** Propeller thrust coefficients adjacent to bollard pull conditions at opposed slipstream. Complementary to Fig. 1 in enlarged view: *a*) versions of reversed jets and plotting the open-water thrust coefficient by points corresponding to points of propeller curves near bollard pull conditions at self-propelled tests; *b*) operating areas where opposed jets affect propeller thrust coefficients at self-propelled tests

варианта а отвечает винтам малого шага; вблизи швартовых располагается лишь восходящая ветвь  $|J_P|$  реверсивной кривой, а ее максимум и нисходящая ветвь лежат при значительно бо́льших |*J*<sub>P</sub>/. Кривая b примерно соответствует винту среднего шагового отношения; вблизи швартовых на ней можно увидеть все типичные элементы изменения коэффициента упора винта в режиме встречной струи. Поэтому именно она используется при последующем анализе. На ней отмечен максимум при поступи Ј<sub>м</sub>. Наконец, вариант с возможен при большом шаге винта, когда максимум реверсивной кривой находится на швартовых, непосредственно откуда сразу начинается ее нисходящая ветвь, а восходящая - вообще отсутствует.

На рис. За также наглядно показан процесс определения точек коэффициента упора изолированного винта  $K_T(J_{P0})$ , соответствующих швартовным точкам  $K_{TB\pm}(0)$ , при самоходных испытаниях. Восстановив перпендикуляр из точки оси абсцисс при  $J_{P0}$  до его пересечения с уровнем соответствующего коэффициента упора  $K_{TB\pm}(0)$ , находим точку коэффициента упора  $K_T(J_{P0})$  гребного винта в свободной воде, соответствующую  $K_{TB}(0)$ . Для наглядности приняты поступи  $J_{P0} > J_{P0} > J_{P0+}$ .

На рис. Зб показано значение  $J_S$  – ограничивающее область влияния режима встречной струи на кривые действия в диапазоне  $K_{TB\pm}(0) \ge K_{TB\pm}(0) \ge K_{TB\pm}(J_s)$ . Применительно к каждой из кривых  $K_{TB\pm}(J)$  граница  $J_s$  имеет свое значение, но на схеме она условно показана единой. В каждом случае зоны влияния режима встречной струи имеют протяженность  $|J_{P0}|$  и высоту  $K_{TB\pm}(0) - K_{TB\pm}(J_s)$ .

Из формулы (7) следует, что  $J_P$  – линейная функция кажущейся поступи J. Поэтому на рис. Зб из реверсивных точек  $K_T(J_{P0})$ , соответствующих  $K_{TB\pm}(0)$ , проведены наклонные прямые к швартовным точкам на уровне  $K_{TB\pm}(J_s)$ , которые являются нижними границами рассматриваемых зон. В диапазоне  $0 < J < J_s$  эти прямые являются геометрическим местом точек для коэффициентов упора изолированного винта  $K_T(J_P)$ .

Для общности обозначим

$$J'_{P} = J_{P0} \frac{K_{BT\pm}(J) - K_{BT\pm}(J_{s})}{K_{BT\pm}(0) - K_{BT\pm}(J_{s})};$$

тогда при J = 0 получаем  $J'_P = J_{P0}$ , но  $J'_P = 0$ , когда  $J = J_S$ . Пересечение наклонных прямых (или их

продолжений) с реверсивной кривой примерно указывает на ее участки, «ответственные» за значения  $J'_P$ . На рис. Зб показаны и упомянутые наклонные прямые, и примеры соответствующих друг другу точек для винта в свободной воде и за корпусом.

Рассмотрим разные варианты взаимного расположения реверсивной кривой действия винта в свободной воде и поступей точек  $J'_{P0i}$ , где i = 1, 2, 3..., соответствующих  $K_{TB\pm}(J)$  при  $0 < J < J_s$ . Для этих поступей различные комплексы «гребной винт – корпус» отличаются лишь величиной коэффициентов взаимодействия  $w_{\mu}^*$  и  $t_0$ .

Одной точке  $K_{TB+}(0) > K_T(0)$  соответствуют два варианта поступей  $J'_{P01}$  и  $J'_{P02}$ . Но «ответственные» за них участки реверсивной кривой находятся на разных ее ветвях: при  $J'_{P01}$  – на восходящей, а при  $J'_{P02}$  – на нисходящей. При данном конкретном гребном винте, входящем в состав любого комплекса, наибольшее из ряда возможных возвышений  $\Delta K_+ = K_{TB+}(0) - K_T(0)$ определяется максимумом реверсивной кривой, положению которого, как отмечалось, соответствует поступь  $J_M$ .

Варианты точек с абсциссами  $J'_{P03}$  и  $J'_{P04}$  лежат вблизи ниспадающей ветви реверсивной кривой. В отличие от  $K_{TB+}(0)$  снижение  $\Delta K_{-} < 0$  величины  $K_{TB-}(0)$  относительно  $K_{T}(0)$  теоретически может быть любым.

В зонах влияния режима встречной струи  $(0 < J < J_s)$  на работу гребного винта комплекса определение коэффициента попутного потока следует производить с учетом этого влияния, принимая в расчет  $J'_P < 0$  соответствующей точки на наклонной прямой:

$$w^{*}(J) = \frac{\Delta V}{nD} = J - J'_{P}.$$
 (20)

При  $J > J_s$  поступь изолированного винта положительна ( $J_p > 0$ ), и величина w(J) может рассчитываться по (3) и обычным способом.

Из всего рассмотренного следует, что причиной расхождения коэффициентов упора винта за корпусом того или иного комплекса является работа ГВ в свободной воде в режиме встречной струи с  $J'_P < 0$ на прилегающем к швартовым участке. Совпадение же коэффициентов упора  $K_{TB+}(J)$  и  $K_{TB-}(J)$  с  $K_{TB}(J)$ возможно лишь при нулевых значениях коэффициентов номинального попутного потока ( $w_{\rm H}^*$ ) и засасывания на швартовых ( $t_0$ ), чего, как правило, не бывает.

## Рекомендации по уточнению методик испытаний самоходных моделей судов и винтов в свободной воде

Recommendations on updating the test procedures for propeller and self-propelled model tests

Результаты, приведенные в предыдущей главе, открывают возможность выполнения расчета гребных винтов общепринятым методом, применяя вблизи швартовных режимов  $J'_P < 0$ , а не только используя метод [3]. Они показывают, что вблизи швартовых пренебрежение влиянием режима встречной струи изолированного винта на попутный поток приводит к заниженным оценкам *w*. Заметим, что при  $J'_P < 0$ , учитывая знак этой поступи, для сохранения правильным знака *w* необходимо считать и J = -0 (хотя на швартовых  $w(0) = \pm \infty$ ).

В случае, когда  $K_{TB+}(0) > K_T(0)$ , рассчитывать коэффициент попутного потока обычным способом по формуле (3) ранее было невозможно. Изложенное обеспечивает возможность определения поступи  $J'_P$  применительно к участку  $0 < J \le J_+$  для точек кривой  $K_{TB+}(J)$ , положив  $J_s > J_+$ .

В точке пересечения Ј\_ кривых действия винта в свободной воде и  $K_{TB-}(J)$  поступи  $J_P$  и J должны совпадать друг с другом. Результаты опыта сами указывают значение границы  $J_s = J_{-}$ . Коэффициент попутного потока  $w^*$  в этом случае при  $0 < J \leq J_{-}$ снижается от  $w^*(0) = w_{\rm H}^* + t_0 \sqrt{\frac{K_{TB}(0)}{\pi/2}}$  до 0, а при  $J > J_{-}$  вновь начинает возрастать.

При анализе взаимодействия винта и корпуса «коэффициент неоднородности» і<sub>Q</sub> определяется из рассмотрения пропульсивного коэффициента комплекса:  $i_Q = \frac{\eta_0 \eta_H}{\eta}$ , где  $\eta(J)$  – пропульсивный коэффициент комплекса,  $\eta_0(J_P)$  – коэффициент полезного действия винта в свободной воде, а  $\eta_H(J) = \frac{1-t(J)}{1-w(J)}$  – коэффициент влияния корпуса. При этом  $i_T = 1$ .

На швартовых коэффициент попутного потока по (3) обращается в  $\pm \infty$  и, таким образом, теряет свою информативность. Причина этого неудобства обращение в 0 скорости хода судна V = 0, меняющей знак с + на – и используемой в качестве нормирующего элемента для размерного попутного потока V – V<sub>P</sub>. Чтобы избежать этого, необходимо в качестве нормирующего элемента использовать иную характерную скорость, которая при переходе через J = 0 сохраняла бы конечное значение.

Одним из таких вариантов является использовавшаяся выше комбинация nD, не изменяющаяся на швартовых. Коэффициент попутного потока такого типа имеет вид

$$w^{*} = \frac{V - V_{P}}{nD} = J - J_{P} = Jw,$$
(21)

последняя часть которого показывает его связь с общепринятым коэффициентом. Такая форма коэффициента попутного потока везде конечна, кроме точек реверсивной характеристики винта, в которых изменяется направление его вращения, т.е. знака *n*.

Для полного исключения разрывов коэффициента попутного потока можно в качестве нормирующей принять обобщенную скорость  $sign(V \cdot nD)\sqrt{V^2 + (nD)^2}$ , где вводится функция sign, т.к. корень может иметь знак + или -. В этом случае коэффициент попутного потока принимает вид

$$w^{+} = \frac{V - V_{P}}{\operatorname{sign}(V \cdot nD)\sqrt{V^{2} + (nD)^{2}}} = \frac{Jw}{\operatorname{sign}(J) \cdot \sqrt{J^{2} + 1}}.$$
 (22)

Использование коэффициентов попутного потока согласно  $w^*$  или  $w^+$  позволяет в процессе проектирования винта применять обычные методы расчета, а не только [3].

При испытаниях винтов в свободной воде, которые обычно предшествуют самоходным испытаниям модели судна, можно в некоторых случаях рекомендовать предусматривать обследование не только кривых действия на передний или задний ход, но и части режима встречной струи в пределах от швартовного режима до  $|J_{P0}| > |w^{(0)}|$  (с некоторым запасом). Следует подчеркнуть, что на этом участке измеряемый упор крайне нестационарен, и для его надежного определения необходимо максимально увеличить время измерения, что представляется несложным, т.к. поступательные скорости невелики.

#### Заключение

Conclusion

1. Подтверждено, что коэффициенты упоров на швартовых при испытаниях самоходных моделей судов  $K_{TB\pm}(0)$ , как правило, отклоняются в ту или другую сторону от коэффициента упора винта в свободной воде на швартовых  $K_T(0)$  с последующим изменением всей кривой.

При самоходных испытаниях вблизи швартовых гребной винт работает в режиме встречной струи – одного из участков его реверса. На основе анализа взаимодействия идеального движителя с судном показано, что в этих условиях скорость ΔV внешнего потока, натекающего на винт, работающий в присутствии корпуса, конечна и отрицательна, т.е. направлена навстречу скорости хода судна. Она характеризуется коэффициентом эффективного попутного пото-

ка  $w^* = \frac{\Delta V}{nD} = w_{\rm H}^* + t_0 \sqrt{\frac{K_{TB}(0)}{\pi/2}}$ , вторая часть ко-

торого ( $\Delta w^*$ ) вызывается воздействием на винт системы стоков, обеспечивающих прилегание течения к корпусу.

- 3. Зона влияния реверсивного режима обтекания гребного винта распространяется от швартовых до коэффициента упора K<sub>TB±</sub>(J<sub>s</sub>) < K<sub>TB±</sub>(0). Получено соотношение для определения предельной кажущейся поступи J<sub>s</sub>, которое при линейной аппроксимации кривой коэффициента упора винта приближенно представляет собой алгебраическое уравнение третьей степени. Рассмотрены возможности его аналитического решения, а также применение численного итерационного метода.
- 4. Показано, что в соответствии с гипотезой эквивалентности обтекание лопастей изолированного гребного винта и в случае его работы за корпусом, при определении коэффициента попутного потока вблизи швартовых, в зоне  $0 \le J \le J_s$ , поступь винта в свободной воде  $J'_P$ , соответствующую J, необходимо принимать с учетом влияния реверсивных характеристик коэффициента упора винта на режиме встречной струи.
- Даны рекомендации по корректировке методики испытаний самоходных судов и винтов в свободной воде.

### Список использованной литературы

 Справочник по теории корабля : в 3 т. Т. 1. Гидромеханика. Сопротивление движению судов. Судовые движители / [Я.И. Войткунский и др.]. Ленинград : Судостроение, 1985. 764 с.

- 2. *Басин А.М., Миниович И.Я.* Теория и расчет гребных винтов. Ленинград : Судпромгиз, 1963. 760 с.
- Каневский Г.И., Клубничкин А.М., Щербаков И.В. Швартовая система коэффициентов взаимодействия гребных винтов с корпусом // Труды ЦНИИ им. акад. А.Н. Крылова. 2011. Вып. 59(343). С. 77–88.
- Котлович В.М. К вопросу о квазиреверсивных испытаниях судовых движителей в опытовом бассейне // Труды Крыловского государственного научного центра. 2019. Вып. 3(389). С. 37–48. DOI: 10.24937/ 2542-2324-2019-3-389-37-48.
- 5. Бронштейн И.Н., Семендяев К.А. Справочник по математике для инженеров и учащихся втузов: учеб. пособие. Санкт Петербург : Лань, 2010. 608 с.

### References

- Handbook of ship theory: in 3 volumes. Vol. 1: Hydromechanics. Ship resistance. Ship propulsors / [*Ya. Voitkunsky* et al.]. Leningrad : Sudostroenie, 1985. 764 p. (*in Russian*).
- 2. *Basin A.M., Miniovich I.Ya.* Theory and design of propellers. Leningrad : Sudpromgiz, 1963. 760 p. (*in Russian*).
- Kanevsky G.I., Klubnichkin A.M., Shcherbakov I.V. System of bollard pull interaction coefficients between propellers and hull // Transactions of the Krylov Central Research Institute. 2011. Vol. 59(343). P. 77–88 (*in Russian*).
- Kotlovich V.M. On quasi-reversal tests of ship propellers in test tank // Transactions of the Krylov State Research Centre. 2019. Vol. 3(389). P. 37–48. DOI: 10.24937/ 2542-2324-2019-3-389-37-48 (in Russian).
- 5. Bronshtein I.N., Semendiaev K.A. Handbook on mathematics for engineers and students of technological institutes: teaching aid. St. Petersburg : Lan, 2010. 608 p. (*in Russian*).

#### Сведения об авторе

Котлович Валерий Михайлович, к.т.н., старший научный сотрудник ФГУП «Крыловский государственный научный центр. Адрес: 196158, Россия, Санкт-Петербург, Московское шоссе, д. 44. Тел.: +7 (812) 377-25-17. Е-mail: valya1937@yandex.ru.

#### About the author

*Valery M. Kotlovich*, Cand. Sci. (Eng.), Senior Researcher, Krylov State Research Centre. Address: 44, Moskovskoe sh., St. Petersburg, Russia, post code 196158. Tel.: +7 (812) 377-25-17. E-mail: valya1937@yandex.ru.

> Поступила / Received: 05.04.23 Принята в печать / Ассерted: 06.06.23 © Котлович В.М., 2023